

## PROBLEMAS DE NIVEL MEDIO Y DE OLIMPIADAS (17)

Presentamos cuatro problemas de diferentes Olimpiadas nacionales, enviados por el Prof. gallego Bruno Salgueiro Fanego.

17.1: (Inglaterra, 1970). Las medidas de los ángulos  $B$  y  $C$  de un triángulo isósceles  $ABC$  son iguales a  $50^\circ$ . Sean  $D$  y  $E$  puntos sobre  $BC$  y  $AC$ , respectivamente, tales que  $\widehat{BAD} = 50^\circ, \widehat{ABE} = 30^\circ$ .

Determinar la medida del ángulo  $\widehat{BED}$ .

17.2:(Bielorrusia, 2000). Sea  $M$  el punto de intersección de las diagonales  $AC$  y  $BD$  del cuadrilátero convexo  $ABCD$ . Sea  $K$  el punto de intersección de la prolongación de  $AB$  más allá de  $A$ , con la bisectriz del ángulo  $\widehat{ACD}$ . Sabiendo que  $MA \cdot MC + MA \cdot CD = MB \cdot MD$ , demostrar que  $\widehat{BKC} = \widehat{CDB}$ .

17.3:(Inglaterra, 2000). Dos círculos  $k_1, k_2$  se intersecan en los puntos  $M$  y  $N$ , siendo  $P$  y  $Q$  los puntos de tangencia de una tangente común con los dos círculos. Si  $N$  es el punto más próximo a  $PQ$ , y la recta  $NP$  corta a  $k_2$  por segunda vez en  $R$ , demostrar que  $MQ$  es la bisectriz de  $\widehat{PMR}$ .

17.4:(Polonia 2000). Los lados  $AC$  y  $BC$  del triángulo  $ABC$  son iguales. Sean  $P$  un punto interior al triángulo tal que  $\widehat{PAB} = \widehat{PBC}$ , y  $M$  el punto medio de  $AB$ . Demostrar que  $\widehat{APM} + \widehat{BPC} = 180^\circ$ .

# Revista Escolar de la Olimpiada Iberoamericana de Matemática

[http://www.campus-oei.org/oim/revista\\_oim/](http://www.campus-oei.org/oim/revista_oim/)

Edita:

